

**ПРОФЕССОР ВАЛЕНТИН ЕВГЕНЬЕВИЧ
ВОСКРЕСЕНСКИЙ****(к восьмидесятилетию со дня рождения)**© 2007 Г.П. Яровой¹ А.Н. Панов² Ю.Н. Радаев³

Шестого мая 2007 г. исполнилось 80 лет известному российскому математику, доктору физико-математических наук, профессору Валентину Евгеньевичу Воскресенскому. Ему принадлежит свыше ста опубликованных научных работ (включая три монографии). В.Е. Воскресенский внес выдающийся вклад в бирациональную геометрию и арифметику линейных алгебраических групп.

В.Е. Воскресенский родился в белорусском поселке Россоны Витебской области в семье агронома и учительницы. Детство и юность его совпали с великой и трагической эпохой в истории нашей страны. События того времени оказали непосредственное влияние на всю его жизнь. Его отец, Евгений Васильевич Воскресенский, в 1937 г. разделил трагическую судьбу многих людей своего поколения. Мать, Антонина Павловна Воскресенская, работала учительницей начальных классов в сельской школе, воспитав троих детей. К июню 1941 г. В.Е. Воскресенский успел окончить 7 классов школы в г. Витебске. Во время Великой Отечественной войны находился на оккупированной немцами территории. В 1945 г. был призван в ряды Советской Армии и проходил службу сначала под Кенигсбергом (1945–1947 гг.), а затем (1947–1951 гг.) в Казани, в танковом училище. В те годы он тянется к знаниям, стремясь восполнить недостаток образования. Он много читает, самостоятельно изучает некоторые разделы математики, в частности, тригонометрию (решая подряд задачи из случайно попавшегося ему в руки сборника задач по тригонометрии; так он прорешал около тысячи задач). После увольнения из армии в возрасте 24-х лет В.Е. Воскресенский имел лишь семилетнее образование и специальность механика-водителя танка и самоходной установки.

¹Яровой Геннадий Петрович (yarovoi@ssu.samara.ru), кафедра радиофизики и компьютерного моделирования радиосистем Самарского государственного университета, 443011, Россия, г. Самара, ул. Акад. Павлова, 1.

²Панов Александр Николаевич, кафедра алгебры и геометрии Самарского государственного университета, 443011, Россия, г. Самара, ул. Акад. Павлова, 1.

³Радаев Юрий Николаевич (radayev@ssu.samara.ru), кафедра механики сплошных сред Самарского государственного университета, 443011, Россия, г. Самара, ул. Акад. Павлова, 1.

В 1951 г. В.Е. Воскресенский приезжает в г. Куйбышев, работает токарем на заводе КАТЭК. Самостоятельная подготовка позволяет ему экстерном сдать экзамены за 8–9 классы и осенью 1951 г. поступить в 10 класс школы рабочей молодежи, успешно его закончить и в 1952 г. поступить на физико-математический факультет Куйбышевского пединститута, который он успешно заканчивает в 1956 г. По рекомендации проф. Б.М. Бредихина выпускника В.Е. Воскресенского оставляют при кафедре алгебры, где он работает в должности ассистента (1956–1958 гг.).

В 1958 г. В.Е. Воскресенский поступает в аспирантуру Саратовского государственного университета к проф. Н.Г. Чудакову. Тогда Н.Г. Чудаков заведовал кафедрой алгебры и теории чисел в Саратовском государственном университете. Неизгладимое впечатление на В.Е. Воскресенского произвели участие в 1959 г. в работе математической школы по алгебраической геометрии и гомологической алгебре в г. Ужгороде, а также знакомство с выдающимся математиком Игорем Ростиславовичем Шафаревичем и его аспирантом Юрием Ивановичем Маниным, которые собственно и привлекли его внимание к проблемам алгебраической геометрии. Это окончательно определило сферу научных интересов В.Е. Воскресенского. Он быстро входит в число активных исследователей в области алгебраической геометрии, которая в это время переживает период бурного развития. В 1958 г. В.Е. Воскресенский организует научный семинар по современным проблемам математики, который проработает под его руководством до 1979 г. После окончания аспирантуры в 1961 г. В.Е. Воскресенский продолжает работать в Саратовском государственном университете в должности ассистента (1961–1965 гг.), затем старшего преподавателя (1965–1966 гг.), доцента (1966–1975 гг.) и профессора (1975–1979 гг.). С 1976 по 1979 гг. он заведует кафедрой алгебры и теории чисел Саратовского государственного университета. Параллельно с научными исследованиями В.Е. Воскресенский много преподает, читая лекции по алгебре, теории чисел, алгебраической геометрии, теории эллиптических функций, теории групп Ли, теории целочисленных представлений групп.

Первые научные работы В.Е. Воскресенского, вошедшие в его кандидатскую диссертацию, были посвящены когомологиям, главным однородным пространствам и числам классов алгебраических групп над числовыми полями. Исследования В.Е. Воскресенского активно поддержал выдающийся математик современности И.Р. Шафаревич, на семинарах которого В.Е. Воскресенский сделал ряд важных докладов. Результатом явилась защита в мае 1965 г. в совете при Математическом институте АН СССР им. В.А. Стеклова кандидатской диссертации "Применение когомологий в теории алгебраических групп над полем алгебраических чисел" (председательствовал на защите акад. И.М. Виноградов; оппонентами выступили И.Р. Шафаревич и Ю.И. Манин).

В дальнейшем В.Е. Воскресенский неоднократно возвращался к этой теме, развил оригинальные подходы к вычислению объемов фундаменталь-

ных областей арифметических подгрупп и доказательству формул типа Минковского—Зигеля. Продолжая свои исследования, В.Е. Воскресенский в 1968 г. обнаруживает глубокий арифметический смысл бирационального инварианта $H^1(k, \text{Pic}\bar{X})$ для линейных групп. Его замечательная точная последовательность

$$0 \rightarrow A(T) \rightarrow H^1(k, \text{Pic}\bar{V}(T)) \rightarrow \text{III}(T) \rightarrow 0$$

связывает этот инвариант полной неособой модели тора T с отклонением от слабой аппроксимации $A(T)$ и группой Шафаревича—Тейта $\text{III}(T)$. Он предположил также, что аналогичная формула должна иметь место для полупростых групп, что впоследствии было доказано Сансюком для групп, не содержащих факторов типа E_8 . Следует отметить, что большинство современных исследований по принципу Хассе, скажем, для нормальных поверхностей явно или неявно основаны на вычислении инварианта $H^1(k, \text{Pic}\bar{X})$ и использовании точной последовательности Воскресенского.

К этому же периоду относятся вычисление В.Е. Воскресенским группы Пикара алгебраических групп и его формула для числа Тамагавы $\tau(G) = |\text{Pic}G|/|\text{III}(G)|$.

Исследования В.Е. Воскресенского по бирациональной геометрии и арифметике алгебраических торов пользуются широкой известностью. Они во многом определили современное состояние этой области и осветили ее многочисленные связи с другими разделами математики. Ставший классическим критерий Воскресенского стабильной эквивалентности алгебраических торов редуцирует трудные бирациональные проблемы к специфическим задачам теории целочисленных представлений. Его роль в бирациональной геометрии торов аналогична роли основной теоремы теории Галуа. На этом пути, уже на уровне целочисленных представлений, возник целый класс новых задач, многие из которых были рассмотрены самим Воскресенским и его учениками, а также зарубежными математиками Эндо, Мията, Сансюком, Колье-Теленом и др.

Большой международный резонанс вызвали работы В.Е. Воскресенского по полям инвариантов конечных абелевых групп. Он интерпретировал их как поля функций на подходящих алгебраических торах и обнаружил, что построенный им пример нерационального тора с циклическим полем разложения по существу совпадает с появившимся в это же время контрпримером Суона к проблеме Э. Нетер. Подход Воскресенского оказался плодотворным. В случае регулярного представления циклической группы он привел к изящному критерию рациональности поля инвариантов в терминах арифметики круговых полей. По приглашению оргкомитета международного конгресса математиков в Ванкувере в 1974 г. по результатам своих исследований В.Е. Воскресенский представил доклад, посвященный бирациональной геометрии торов и проблеме инвариантов конечных абелевых групп. Эти же результаты легли в основу его докторской диссертации (МИАН, 1972 г.) и единственной в мировой литературе книги "Алгебраиче-

ские торы” (1977 г.), специально посвященной бирациональной геометрии и арифметике алгебраических групп.

Мы упомянем здесь еще один элегантный результат В.Е. Воскресенского об изоморфизме приведенной группы Уайтхеда $SK_1(A)$ конечномерной простой алгебры A и фактора группы $SL(1, A)$ относительно рациональной эквивалентности. Этот результат позволил выявить бирациональную природу приведенной группы Уайтхеда и пролить новый свет на работы В.П. Платонова по проблеме Танаки—Артина. Он также в значительной степени стимулировал дальнейшие исследования бирациональных свойств алгебраических групп.

Работы В.Е. Воскресенского получают международную известность и признание. В 1971 г. он выступает с докладом на Международном симпозиуме в Математическом институте АН СССР, организованном к 80-летию академика И.М. Виноградова. Его доклад был высоко оценен слушателями, среди которых были И.Р. Шафаревич, Д.К. Фаддеев, А.И. Кострикин, П. Делинь. В это время В.Е. Воскресенский переживает необыкновенный творческий подъем, что позволяет ему в 1972 г. защитить докторскую диссертацию “Геометрия линейных алгебраических групп” также в совете при МИАН СССР (защита состоялась 14 декабря 1972 г.; оппонентами выступили И.Р. Шафаревич, Ю.И. Манин, А.И. Андрианов). В 1975 г. В.Е. Воскресенский получает ученое звание профессора по кафедре алгебры и теории чисел. В 1974 г. В.Е. Воскресенский в знак признания его заслуг перед математическим сообществом получает персональное приглашение выступить с обзорным докладом на Международном Математическом конгрессе в Ванкувере. Результаты его работ отмечаются и используются в докладах других математиков на конгрессах в Ницце (1970 г.), Ванкувере (1974 г.), Хельсинки (1978 г.), Бостоне (1986 г.). Он был приглашенным докладчиком на Всесоюзных конференциях по алгебре (1981, 1983, 1985, 1987 гг.), теории чисел (1972, 1974, 1983 гг.), памяти Н.Г. Чеботарева (1994 г.), на международных конференциях в Женеве (1991 г.), Барселоне (1995 г.), Триесте (1996 г.), Риме (1999 г.), Бонне (2000 г.), Граце (2003 г.).

Начатые Воскресенским исследования породили новое научное направление — бирациональную геометрию линейных алгебраических групп. Это направление успешно развивается как у нас, так и за рубежом: во Франции, Японии, Нидерландах и других странах. В 1998 году вышла новая монография В.Е. Воскресенского в издательстве AMS под названием “Algebraic groups and their Birational Invariants”. Сейчас В.Е. Воскресенский подготовил к изданию новую книгу “Бирациональная геометрия линейных алгебраических групп”, которая скоро выйдет в свет.

В 1979 г. В.Е. Воскресенский возвращается в г. Куйбышев и создает в Куйбышевском (сейчас Самарском) государственном университете кафедру алгебры и геометрии, которую он возглавлял с момента открытия в 1979 г. по 2005 г. Он организовал новый научный семинар, работающий и в настоящее время, в рамках которого уже состоялось свыше 600 заседа-

ний, привлёк к научной и педагогической деятельности на кафедре сильных специалистов, научные достижения которых известны не только в нашей стране, но и за рубежом. Под его руководством с 1992 г. по настоящее время кафедра выигрывает гранты РФФИ.

При постоянном внимании В.Е. Воскресенского на кафедре поддерживается высокий уровень преподавания. Пример здесь подаёт сам Валентин Евгеньевич. Его лекции — образец блестящего сочетания математической строгости и доступности. Он постоянно читает лекции первокурсникам, чего многие преподаватели не любят делать. Но Валентин Евгеньевич считает, что именно на первом курсе закладывается фундамент математического образования.

В.Е. Воскресенский — почётный профессор Самарского государственного университета, он многосторонне развитая личность. Его мировоззренческие идеи о месте человека в мире, о роли математики в материальной и духовной жизни людей глубоки и оригинальны. Его взгляды на пути развития математики, математического образования и образования вообще оказывают влияние на работу кафедры, факультета и, возможно, всего университета.

Валентин Евгеньевич — редкий удивительный человек. Он обладает замечательным набором человеческих качеств. Стремление к истине, любовь к людям, острота и ясность ума, энциклопедичность познаний привлекают к нему людей, делают общение с ним увлекательным и интересным.

Мы поздравляем Валентина Евгеньевича с юбилеем, желаем ему многих лет радости и счастья, плодотворной научной и педагогической деятельности, успехов и побед на переднем крае научного поиска.

ОСНОВНЫЕ ПУБЛИКАЦИИ В.Е. ВОСКРЕСЕНСКОГО⁴**1963**

- 1) Фактор-пространства группы аделей алгебраической группы и когомологии пучков // ДАН СССР. – 1963. – Т. 150. – №3. – С. 459–462.

1964

- 2) Пучки локальных единиц алгебраических групп // Некоторые вопросы теории полей. – Саратов: СГУ, 1964. – С. 16–31.
3) О разбиении рода на классы в однородных пространствах // Волжский матем. сб. – Куйбышев, 1964. – С. 21–25.
4) Поведение полупростых алгебраических групп при расширении основного поля // ДАН СССР. – 1964. – Т. 158. – №4. – С. 767–769.

1965

- 5) Применение когомологий в теории алгебраических групп над полем алгебраических чисел: дис. ...канд. физ.-мат. наук. – М.: МИАН СССР, 1965. – 65 с.
6) О двумерных алгебраических торах // Изв. АН СССР. Сер. мат. – 1965. – Т. 29. – №1. – С. 239–244.

1967

- 7) О двумерных алгебраических торах II // Изв. АН СССР. Сер. мат. – 1967. – Т. 31. – №3. – С. 711–716.

1968

- 8) Арифметика Σ -многообразий // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. – Саратов: СГУ, 1968. – Вып. 2. – С. 50–59.

1969

- 9) Группа Пикара линейных алгебраических групп // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. – Саратов: СГУ, 1969. – Вып. 3. – С. 7–16.
10) О бирациональной эквивалентности линейных алгебраических групп // ДАН СССР. – 1969. – Т. 188. – №5. – С. 978–981.

⁴ Работы располагаются в хронологическом порядке.

1970

- 11) Бирациональные свойства линейных алгебраических групп // Изв. АН СССР. Сер. мат. — 1970. — Т. 34. — №1. — С. 3–19.
- 12) К вопросу о строении подполя инвариантов циклической группы автоморфизмов поля $\mathbb{Q}(x_1, \dots, x_n)$ // Изв. АН СССР. Сер. мат. — 1970. — Т. 34. — №2. — С. 366–375.

1971

- 13) Рациональность некоторых алгебраических торов // Изв. АН СССР. Сер. мат. — 1971. — Т. 35. — №5. — С. 1037–1046.
- 14) Геометрия линейных алгебраических групп: дис. ... д-ра физ.-мат. наук. — М.: МИАН СССР, 1971. — 163 с.

1972

- 15) О слабой аппроксимации в алгебраических группах // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. Вып. 4. — Саратов: СГУ, 1972. — С. 3–7.
- 16) Поля инвариантов и арифметика круговых полей // Всесоюзная конф. по теории чисел: тез. докл. — Самарканд, 1972. — С. 23.

1973

- 17) Поля инвариантов абелевых групп // УМН. — 1973. — Т. 28. — №4. — С. 77–102.
- 18) Геометрия линейных алгебраических групп // Труды МИАН СССР. — 1973. — Т. 132. — С. 151–161.

1974

- 19) Стабильная эквивалентность алгебраических торов // Изв. АН СССР. Сер. мат. — 1974. — Т. 38. — №1. — С. 3–10. Замечание к этой работе: Изв. АН СССР. Сер. мат. — 1977. — Т. 41. — №1.
- 20) Многообразия, определяемые целочисленными квадратичными формами // Всесоюзная конференция по проблемам аналитической теории чисел. — Вильнюс, 1974. — С. 56–59.
- 21) Некоторые вопросы бирациональной геометрии алгебраических торов // Proceed. Internat. Congress of Math. — Vancouver, Canada, 1974. — V. 1. — P. 343–347.

1975

- 22) О модулях Пикара проективных моделей алгебраических торов // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. Вып. 5. – Саратов: СГУ, 1975. – С. 14–21.
- 23) О бирациональных инвариантах алгебраических торов // УМН. – 1975. – Т. 30. №2. – С. 207–208.
- 24) Николай Григорьевич Чудаков (к семидесятилетию со дня рождения) // УМН. – 1975. – Т. 30. – №3. – С. 195–197 (совместно с А.В. Малышевым и Г.И. Перельмутером).
- 25) О модулях Пикара проективных моделей алгебраических торов II // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. научн. трудов. Вып.6. – Саратов: СГУ, 1975. – С. 18–33.

1976

- 26) Инварианты групп мультипликативного типа // 5-й Всесоюзный симпозиум по теории групп. – Новосибирск, 1976. – С. 19–20.

1977

- 27) Проблемы рациональности линейных алгебраических групп // УМН. – 1977. – Т. 32. – №2. – С. 241.
- 28) Алгебраическая кривая // Математическая энциклопедия / под ред. акад. И.М.Виноградова. – М.: Сов. энциклопедия, 1977. – Т. 1. – С. 144–148.
- 29) Алгебраический тор // Математическая энциклопедия / Под ред. акад. И.М.Виноградова. – М.: Сов. энциклопедия, 1977. – Т. 1. – С. 179.
- 30) Безу теорема // Математическая энциклопедия / под ред. акад. И.М.Виноградова. – М.: Сов. энциклопедия, 1977. – Т. 1. – С. 400, 401.
- 31) Вейерштрасса точка // Математическая энциклопедия / под ред. акад. И.М.Виноградова. – М.: Сов. энциклопедия, 1977. – Т. 1. – С. 619.
- 32) Гиперэллиптическая кривая // Математическая энциклопедия / под ред. акад. И.М.Виноградова. – М.: Сов. энциклопедия, 1977. – Т. 1. – С. 1010.
- 33) Главное однородное пространство // Математическая энциклопедия / под ред. акад. И.М.Виноградова. – М.: Сов. энциклопедия, 1977. – Т. 1. – С. 1015–1016 (совместно с И.В. Долгачевым).
- 34) R-эквивалентность в алгебраических группах // XIV Всесоюзная алгебраическая конф.: тезисы сообщений. – Новосибирск, 1977. – С. 17–18.

- 35) О приведенной группе Уайтхеда простой алгебры // УМН. — 1977. — Т. 32. — №6. — С. 247–248.
- 36) Алгебраические торы. — М.: Наука, 1977. — 224 с.

1978

- 37) О рациональности алгебраических торов // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. Вып. 7 — Саратов: СГУ, 1978. — С. 10–19.

1979

- 38) Вопросы R-эквивалентности полупростых групп // Записки науч. семин. — Л.: отд. МИАН СССР. — 1979. — Т. 86. — С. 49–65.
- 39) Проективные модели алгебраических торов // Семинар по арифметике алгебр. многообразий. — Саратов: СГУ, 1979. — С. 4–7.
- 40) Целочисленные структуры в алгебраических торах и группы классов числовых полей // Семинар по арифметике алгебр. многообразий. — Саратов: СГУ, 1979. — С. 8–15.
- 41) Целочисленные структуры в алгебраических группах // XV Всесоюзная алгебр. конф. Тезисы сообщений. — Красноярск, 1979. — С. 39, 40.

1980

- 42) Проблема Зариского для алгебраических торов // Вестник МГУ. — 1980. — Серия 1. — №4. — С. 95.
- 43) О линейных представлениях мультипликативной группы поля // Записки науч. семин. ЛОМИ АН СССР. — 1980. — Т. 103. — С. 48–51.

1981

- 44) Геометрия и арифметика торических многообразий // XVI Всесоюзная алгебр. конф: Тез. сообщений. — Ленинград, 1981. — Ч. 1. — С. 33, 34.
- 45) Приведение матрицы к нормальной форме: методич. указания. — Куйбышев: КГУ, 1981. — 16 с (совместно с А.Н.Пановым).

1982

- 46) Инвариантные модели Демазюра // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. Вып. 8 — Саратов: СГУ, 1982. — С. 3–15.
- 47) Проективные инвариантные модели Демазюра // Изв. АН СССР. Сер. мат. — 1982. — Т. 46. — №2. — С. 195–210.

1983

- 48) Торические модели максимальных торов присоединенных групп // XVII Всесоюзная алгебраическая конф: Тез. сообщений. – Минск, 1983. – Ч. 1. – С. 46, 47 (совместно с А.А.Клячко).

1984

- 49) О максимальных торах в полупростых алгебраических группах. – Куйбышев: КГУ, 1984. – 28 с. – Деп. в ВИНТИ 5 марта 1984. – №1269-84. РЖМат, 1984, 7А405 ДЕП (совместно с Б.Э.Кунявским).
50) Торические многообразия Фано и системы корней // Изв. АН СССР. Сер. мат. – 1984. – Т. 48. – №2. – С. 237–263 (совместно с А.А.Клячко).

1985

- 51) Линейные представления торов Нерона—Севери // XVIII Всесоюзная алгебр. конф: тез. сообщений. – Кипченев, 1985. – Ч. 1. – С. 102.
52) Группы классов и числа Тамагавы // Всесоюзная конф. по теории чисел и ее приложениям: тез. докладов. – Тбилиси, 1985. – С. 36–38.
53) Точная параметризация норменных поверхностей // Аддитивные проблемы теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. – Куйбышев: КГПИ, 1985. – С. 7–10.

1986

- 54) Основные структуры на гладких многообразиях: методические указания. – Куйбышев: КГУ, 1986. – 36 с.
55) Строение общего тора в полупростой алгебраической группе // X Всесоюзный симпозиум по теории групп. – Минск, 1986. – С. 45.

1987

- 56) Арифметика алгебраических групп и однородных пространств // Исследования по теории чисел: межвуз. сб. науч. трудов. Вып. 9 – Саратов: СГУ, 1987. – С. 7–38.
57) Кручение и число классов проективной группы расширения // XIX Всесоюзная алгебраическая конф: тез. сообщений. – Львов, 1987. – Ч. 1. – С. 53.
58) Чудаков Николай Григорьевич (некролог) // УМН. – 1987. – Т. 42:5. – С. 189, 190 (совместно с др. авторами).

1988

- 59) Максимальные торы без аффекта в полупростых алгебраических группах // Матем. заметки. — 1988. — Т. 44:3. — С. 309–318.
- 60) Проективная группа конечного сепарабельного расширения // Арифметика и геометрия многообразий: межвуз. сб. научных трудов. — Куйбышев: КГУ, 1988. — С. 27–43.

1989

- 61) Вычисление локальных объемов в формуле Зигеля—Тамагавы // Матем. сб. — 1989. — Т. 180:4. — С. 443–455.
- 62) О минимальных целых моделях линейных алгебраических групп // Междунар. конф. по алгебре: тез. докладов. — Новосибирск, 1989. — С. 32.
- 63) Вязлые резольвенты и ассоциативные представления // Арифметика и геометрия многообразий: межвуз. сб. научных трудов. — Куйбышев: КГУ, 1989. — С. 36–46.

1990

- 64) The Arithmetic of Algebraic Groups and of Homogeneous Spaces // Selecta Math. Sov. — 1990. — V. 9:1. — P. 23–48.
- 65) Вычисление объемов некоторых классических фундаментальных областей группы целочисленных матриц // Труды МИАН СССР. — Л.: Наука, 1990. — Т. 183. — С. 42–50.

1992

- 66) О работе научного семинара кафедры алгебры и геометрии Самарского университета с 1979 по 1989 годы // Арифметика и геометрия многообразий: межвуз. сб. научных трудов. — Самара: СамГУ, 1992. — С. 3–14.

1993

- 67) О торах малой размерности // Междун. конф. по алгебре: тез. докладов. — Красноярск, 1993. — С. 78.
- 68) Целочисленные представления групп, определяемые идеалами круговых расширений // Междун. конф. по теории чисел: тез. докладов. — Тула, 1993. — С. 31.

1994

- 69) Адельные группы и формулы Зигеля—Тамагавы // Итоги науки и техники ВИНТИ. — Тем. обз. — Т. 4. — Алгебра-1. — 1994.

- 70) Редукция алгебраического тора по простому модулю // Межд. конф. "Алгебра и анализ": тез. докл. – Ч. 1. – Казань, 1994. – С. 26.

1995

- 71) Adele groups and Siegel–Tamagawa formulas // J. Math. Sci. – 1995. – V. 73:1. – P. 47–113.
- 72) Бирациональные инварианты целочисленных представлений // Труды МИ РАН. – 1995. – Т. 208. – С. 70–79.
- 73) Minimal integer models of algebraic tori and their reduction // Journees Arithmetiques, Barcelona, Abstracts, 1995.
- 74) Целые структуры в алгебраических торах // Изв. РАН. Серия матем. – 1995. – Т. 59:5. – С. 3–18 (совм. с Т.В. Фоминой).
- 75) Бирациональная геометрия линейных алгебраических групп и модули Галуа // Итоги науки и техники ВИНТИ. Серия: Современ. матем. и ее прилож. Тем. обз. – Т. 24. – Алг. геом. – № 2. – 1995.

1996

- 76) Theory of invariants and Galois modules // Algebra and Analysis. – Proc. Internat. Conf., Kazan, Berlin–New York, 1996. – P. 151–157.
- 77) Birational geometry and arithmetic of algebraic tori // Preprint. – Trieste: ICTP, 1996. – 27 p.

1997

- 78) Birational Geometry of Linear Algebraic Groups and Galois Modules // J. Math. Sci. – 1997. – V. 85:4. – P. 2017–2114.
- 79) Стабильно рациональные многообразия // Междун. алгебр. конф.: тез. докладов. – СПб., 1997. – С. 184, 185.
- 80) Stably rational algebraic tori // XX Journees Arithmetiques. – 1997. Abstracts. Limoges. – P. 40, 41.
- 81) Бирациональная геометрия и арифметика линейных алгебраических групп, I // Вестник Самарского гос. университета. Естественнонаучная серия. – № 2. – 1997. – С. 18–98.
- 82) Бирациональная геометрия и арифметика линейных алгебраических групп, II // Вестник Самарского гос. университета. Естественнонаучная серия. – № 4. – 1997. – С. 5–68.

1998

- 83) Бирациональная геометрия и арифметика линейных алгебраических групп, III // Вестник Самарского гос. университета. Естественнонаучная серия. – № 2. – 1998. – С. 5–54.

- 84) Hopf algebras of algebraic tori // Algebraic. Conf. Тезисы. — М.: Изд-во МГУ, 1998. — С. 129, 130.
- 85) Algebraic groups and their birational invariants // Amer. Math. Soc. — V. 179. — 1998. — 225 p.
- 86) Stably rational algebraic tori // International Congress of Math. Abstracts. — Berlin, 1998. — P. 46, 47.

1999

- 87) Algebraic groups over a local field // Международный Алгебраический семинар: тез. докл. — М.: Изд-во МГУ, 1999. — С. 85, 86.
- 88) Бирациональная геометрия и арифметика линейных алгебраических групп, IV // Вестник Самарского гос. университета. Естественнонаучная серия. — 1999. — №2. — С. 5–47.
- 89) Galois modules and models of algebraic tori // XXI Jornees Arithmetiques. Abstracts. — Roma, 1999. — P. 52, 53 (совместно с С.Ю.Поповым).
- 90) Stably rational algebraic tori // Jornal de Theorie des Nombres de Bordeaux, 1999. — V. 11:1. P. 263–268.
- 91) Решетки Галуа и алгебраические группы // Итоги науки техники ВИНТИ. Серия: Соврем. матем. и ее прилож. Тем. обзоры. — 1999. — Т. 696. — С. 24–106.

2000

- 92) Linear representation of quasisplit tori and problem of rationality // Preprint 100 MPIM. — Bonn, 2000. — P. 6.

2001

- 93) On integral models of an algebraic torus // Preprint 12 MPIM. — Bonn, 2001. — P. 23. (совместно с Б.Е.Кунявским и Б.З.Морозом).
- 94) Galois lattices and reductions of algebraic tori // Communications in Algebra. — 2001. — V. 29. — №9. — P. 3711–3726 (совместно с С.Ю.Поповым).

2002

- 95) О целых моделях алгебраических торов // Алгебра и анализ. — Т. 14. — 2002б. — Вып. 1. — С. 46–70 (совместно с Б.Е.Кунявским и Б.З.Морозом).
- 96) Galois lattices and toric varieties // Preprint 109 MPIM. — Bonn, 2002. — P. 1–25.

2003

- 97) Инварианты квазиразложимых торов // Алгебра и теория чисел: соврем. проблемы и приложения: тез. докладов V межд. конф. – Тула, 2003. – С. 71, 72.
- 98) Birational invariants of algebraic groups // XXIII Journees Arithmetiques. Abstracts. – Graz, 2003. – P. 71, 72.

2004

- 99) The smoothening process of standard integral models // Международная алгебраическая конф. Москва, 2004: тез. докл. – С. 252-254.
- 100) Проблемы бирациональной геометрии алгебраических групп // алгебра и теория чисел: соврем. проблемы и приложения: тез. VI межд. конф., Саратов, 2004. – С. 40, 41.

2005

- 101) Invariants of linear representations of quasisplit tori // 5 Intern. Algebraic Conf. in Ukraine, Abstracts, 2005, Odessa. – P. 230, 231.

2006

- 102) Целочисленные представления конечных групп и их торические модели // Математическое образование: Материалы I Междун. конф. – Самара: Изд-во СГПУ, 2006. – С. 62–72.
- 103) Критерий рациональности алгебраического тора // Вестник Самарского гос. университета. Естественнонаучная серия. №9(49). – 2006. С. 7–13.

2007

- 104) Арифметика и геометрия торических многообразий // Междун. конф. по теории чисел: тез. докл. – Москва: Изд-во МГУ, 2007.
- 105) Бирациональная геометрия линейных алгебраических групп. – М.: МНЦМО, 2007. – 400 с.