

ДЕМОНСТРАЦИОННЫЙ ВАРИАНТ ПО ПРЕДМЕТУ ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Ответом к заданию может быть:

1. целое число, записывается без пробелов: 11;
2. дробное число, записывается через запятую без пробелов: 3,14;
3. последовательность цифр, записанных через точку, без пробелов:
255.255.255.255
4. последовательность цифр или букв без пробелов: A, AB, 1AF4, A73, AEF.

1. Системы счисления

Задание

Сколько целочисленных решений имеет неравенство

$$1010111_2 \leq x \leq 3033_4$$

Ответ дайте в десятичной системе счисления, в ответе запишите только число.

Ответ: 121

Решение:

Переводим 101011 из двоичной системы счисления в десятичную систему счисления.

$$1010111_2 = 87_{10}$$

$$\text{Переведем } 3033_4 = 207_{10}$$

$$87 \leq x \leq 207$$

Ответ: 121

2. Системы счисления

Решите уравнение и определите систему счисления.

В ответе запишите только число в десятичной системе счисления

$$18_{11} - 11_x = 14_x$$

Ответ: 7

Решение

Переведем в десятичную систему счисления число 18_{11} и решим линейное уравнение.

$$18_{11} = 14_x + 11_x$$

$$18_{11} = 19_{10}$$

$$19_{10} = 25_x$$

Представим 25_x в системе счисления

$$25_x = 2 * x^1 + 5 * x^0$$

$$19_{10} = 2 * x + 5_{10}$$

$$19_{10} - 5_{10} = 2 * x$$

$$14_{10} = 2 * x$$

$$x = 7$$

3. Анализ информационных моделей

Задание

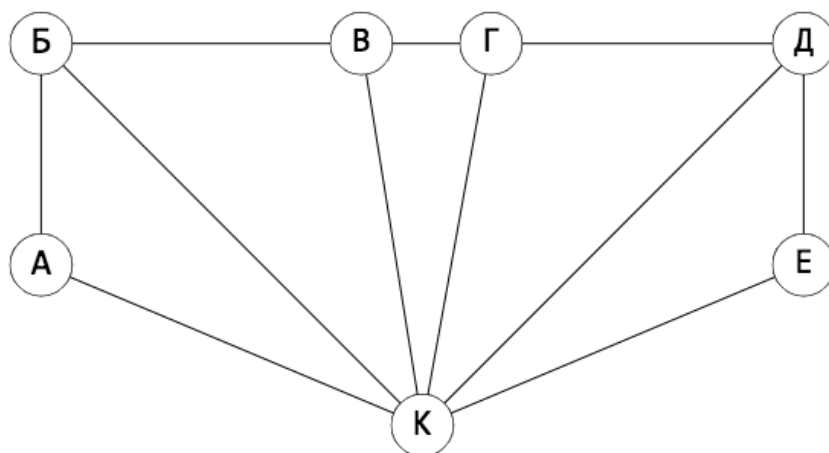
На рисунке схема дорог N -ского района изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о протяжённости каждой из этих дорог (в километрах).

Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, то нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе.

Определите, какова *сумма* протяжённости дорог из пункта Б в пункт В и из пункта Г в пункт Д.

В ответе запишите целое число.

	П1	П2	П3	П4	П5	П6	П7
П1		3			4		
П2	3				12	13	
П3				10	11		
П4			10		9		7
П5	4	12	11	9		8	6
П6		13			8		5
П7				7	6	5	



Решение

К - единственная вершина шестой степени, значит, К соответствует П5. Вершины А и Е - единственные вершины степени 2, тогда они могут соответствовать П1 и П3. Вершины Б и Д связаны с вершинами А и Е, тогда из таблицы получаем, что они могут соответствовать П2 и П4. Тогда В и Г могут соответствовать П6 и П7.

Точное соответствие букв пунктам не важно.

Сумма протяжённостей дорог из пункта Б в пункт В и из пункта Г в пункт Д равна $13+7=20$

4. Таблицы истинности логических выражений

Задание

Логическая функция F задаётся выражением

$$F = ((y \rightarrow z) \vee (\bar{x} \wedge w)) \equiv (w \equiv z)$$

Определите, какому столбцу таблицы истинности

функции F соответствует каждая из переменных x, y, z, w ?

В ответе напишите буквы x, y, z, w без пробелов в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы.

Переменная 1	Переменная 2	Переменная 3	Переменная 4	Функция F
	1	0	0	1
0	0	0	1	1
0	1			1

Ответ: zwx

Решение:

Таблица истинности инверсии (знак $\bar{}$) – отрицание

x	F
0	1
1	0

Таблица истинности логического умножения (знак \wedge) – конъюнкция

x	y	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности логического сложения (знак \vee) – дизъюнкция

x	y	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Таблица истинности импликации (знак \rightarrow) – следование (ЕСЛИ – ТО)

x	y	F
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности эквиваленции (знак \equiv) – логическая равнозначность

x	y	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности исключающее «ИЛИ» (знак \oplus)

x	y	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Приоритет операций :

- 1) Выражение в скобках
- 2) Инверсия «НЕ»
- 3) Конъюнкция «И»
- 4) Дизъюнкция «ИЛИ»
- 5) Импликация
- 6) Эквивалентность
- 7) Исключающее «ИЛИ»

Аналитическое решение:

Подберём переменные так, чтобы, выражение было истинно и при этом все переменные кроме одной были равны 0.

Это набор переменных:

$$x = 1 \quad y = 0 \quad z = 0 \quad w = 0.$$

Сопоставляя полученные значения со второй строкой таблицы, получаем, что четвёртая переменная - это переменная x .

Рассмотрим первую строку таблицы.

Последовательно рассмотрим случаи, когда

$$y = 1 \quad z = 1 \quad w = 1$$

В первых двух случаях выражение ложно, а в третьем - истинно, следовательно, вторая переменная - переменная w .

Рассмотрим третью строку таблицы.

Определили, что $w = 1$, следовательно, для того, чтобы выражение было истинно, z должно быть равно 0.

Вторая и четвёртая переменные - w и x , первая переменная равна 0, следовательно, z - первая переменная.

Таким образом, оставшаяся переменная, переменная 3 - это переменная y .

Ответ: $zwux$

Решение на ЯП Python:

$(y \rightarrow z)$ записывается как $(y \leq z)$
 (\bar{x}) записывается как $(\text{not } x)$
 $(\bar{x} \wedge w)$ записывается как $(\text{not } x \text{ and } w)$
 $(w \equiv z)$ записывается как $(w == z)$
 $F = ((y \rightarrow z) \vee (\bar{x} \wedge w)) \equiv (w \equiv z)$

Код программы:

```
print("x y z w")
for x in range(0, 2):
    for y in range(0, 2):
        for z in range(0, 2):
            for w in range(0, 2):
                if ((y <= z) or (not x and w)) == (w == z):
                    print(x, y, z, w)
```

Далее выпишем те наборы переменных, при которых данное выражение равно 1.

В наборах переменные запишем в порядке $x \ y \ z \ w$.

Получим наборы:

x	y	z	w
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Рассмотрим вторую строку заданной таблицы.

Она может соответствовать только набору переменных:

$x = 1 \ y = 0 \ z = 0 \ w = 0$

Тогда четвертый столбец таблицы - это переменная x .

Рассмотрим первую строку заданной таблицы.

Заметим, что в первой колонке должна стоять 1, так как наборов переменных, где были бы три нуля, больше нет.

Тогда вторая строка может соответствовать только набору

$x = 0 \ y = 0 \ z = 1 \ w = 1$

Следовательно, первая и вторая колонки соответствуют переменным z или w , а третья колонка - это переменная y .

Рассмотрим третью строку таблицы.

В ней одна из переменных z или w равна 1, а другая 0. Следовательно, третьей строке может соответствовать только набор переменных

$$x = 1 \quad y = 1 \quad z = 0 \quad w = 1$$

Тогда первый столбец таблицы - это переменная z , а второй столбец - это переменная w .

Ответ: **zwyx**

5. Построение таблиц истинности логических выражений

Задание

Логическая функция F задаётся выражением:

$$\overline{(x \rightarrow y \wedge \bar{z})} \equiv (z \wedge \bar{x})$$

Составьте таблицу истинности. В ответе запишите только число.

Определите количество строк, при которых функция F равна 0.

Ответ: 5

Решение

Составим таблицу истинности.

Таблица истинности – это таблица, определяющая значение сложного высказывания при всех возможных значениях простых высказываний.

Таблица истинности инверсии (знак $\bar{}$) – отрицание

x	F
0	1
1	0

Таблица истинности логического умножения (знак \wedge) – конъюнкция

x	y	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности логического сложения (знак \vee) – дизъюнкция

x	y	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Таблица истинности импликации (знак \rightarrow) – следование (ЕСЛИ – ТО)

x	y	F
0	0	1
0	1	1
1	0	0

1	1	1
---	---	---

Таблица истинности эквиваленции (знак \equiv) – логическая равнозначность

x	y	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности исключающее «ИЛИ» (знак \oplus)

x	y	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Приоритет операций :

- 1) Выражение в скобках
- 2) Инверсия «НЕ»
- 3) Конъюнкция «И»
- 4) Дизъюнкция «ИЛИ»
- 5) Импликация
- 6) Эквивалентность
- 7) Исключающее «ИЛИ»

Построим таблицу истинности функции

$$F = \overline{(x \rightarrow y \wedge \bar{z})} \equiv (z \wedge \bar{x})$$

x	y	z	$y \wedge \bar{z}$	$x \rightarrow y \wedge \bar{z}$	F
0	0	0	0	1	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	1	1
1	0	0	0	0	0
1	0	1	0	0	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0

Количество строк, при которых функция F равна 0 равно 5.

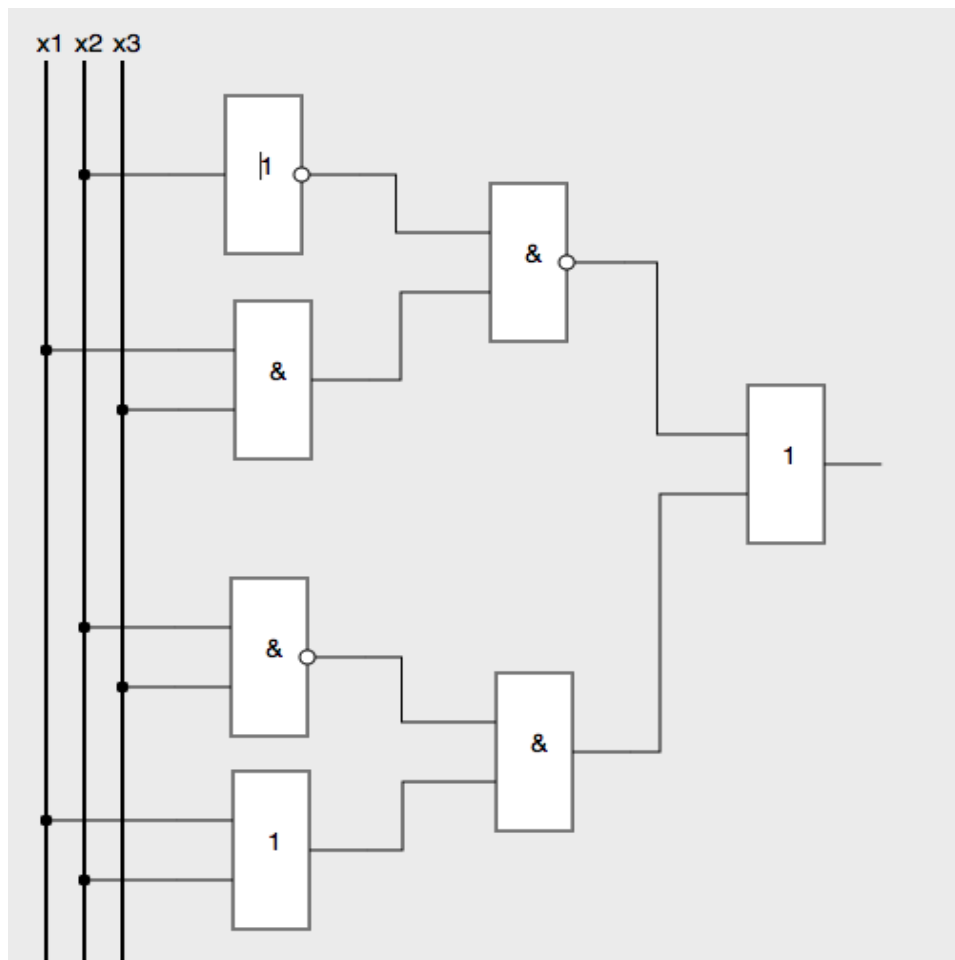
6. Построение логического выражения по логической схеме

Задание

Построение логического выражения по логической схеме и составление таблицы истинности.

Определить количество строк, при которых функция F равна 0.

В ответе запишите только число.



Ответ: 0

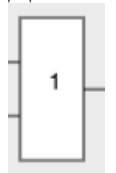
Решение

Логические элементы, для создания логической схемы

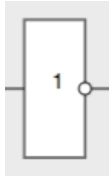
Конъюнкция – логическое «ИЛИ»



Дизъюнкция – логическое «И»



Инверсия – логическое отрицание



Составим таблицу истинности.

Таблица истинности – это таблица, определяющая значение сложного высказывания при всех возможных значениях простых высказываний.

Таблица истинности инверсии (знак \neg) – отрицание

x	F
0	1
1	0

Таблица истинности логического умножения (знак \wedge) – конъюнкция

x	y	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности логического сложения (знак \vee) – дизъюнкция

x	y	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Введённая функция: $\overline{\overline{x_2} \wedge (x_1 \wedge x_3)} \vee \overline{x_2 \wedge x_3} \wedge (x_1 \vee x_2)$

Вектор функция F: 11111111

x1	x2	x3	$\overline{\overline{x_2} \wedge (x_1 \wedge x_3)}$	$\overline{x_2 \wedge x_3} \wedge (x_1 \vee x_2)$	F
0	0	0	1	0	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	1	1
0	1	1	1	0	1
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	1

Количество строк, при которых функция F равна 0 равно 0.

7. Поиск информации в базе данных

Задание

Дан фрагмент базы данных в котором представлены сведения о родственных отношениях. На основе приведенных данных определите фамилию и инициалы внука Петровой С.М.

ID	Фамилия И.О.	Пол
25	Жвания К.Г.	ж
49	Черняк А.П.	м
62	Ильченко С.И.	ж
76	Ильченко Т.В.	ж
82	Петрова С.М.	ж
96	Басис В.В.	ж
102	Ильченко В.И.	м
123	Павлыш Н.П.	ж
134	Черняк П.Р.	м

ID Родителя	ID Ребенка
25	134
76	49
76	123
82	76
82	96
102	76
102	96
134	49
134	123

Выбери один из вариантов ответа:

1. Басис В.В.
2. Черняк А.П.
3. Павлыш Н.П.
4. Ильченко С.И.

Ответ: Черняк А.П.

Решение

Находим ID Петровой С.М. – это ID 82. Это бабушка, далее определяем ее детей.

ID	Фамилия И.О.
82	Петрова С.М.

Определяем в таблице ID Ребенка с ID Родителя равное 82 – это ID Ребенка 76 и 96. Они являются родителями для следующего поколения.

ID Родителя	ID Ребенка
82	76
82	96

Соответственно у ID Родителя равное 82 находим ID Ребенка – это ID Ребенка 49 и 123.

ID Родителя	ID Ребенка
76	49
76	123
96	-

Только у ID Родителя 49 пол «М» - это Черняк А.П. , внук Петровой С.М. Внук – пол м.

ID Родителя	Фамилия И.О.	пол
49	Черняк А.П.	м
123	Павлыш Н.П.	ж

8. Выполнение и анализ простых алгоритмов

Задание

На вход алгоритма подаётся натуральное число N.

Алгоритм строит по нему новое число R следующим образом.

- 1) Строится двоичная запись числа N
- 2) К этой записи дописываются разряды по следующему правилу:
 - а) если число чётное, то к двоичной записи числа в конце дописывается 11
 - б) если число нечётное, то к двоичной записи числа в конце дописывается 01

Полученная таким образом запись является двоичной записью искомого числа R.

Укажите наибольшее число R, меньшее 128, которое может получиться после обработки этого алгоритма ?

В ответе запишите это число в десятичной записи.

Ответ: 125

Решение:

1. Аналитическое решение

Рассмотрим первое максимально возможное число R , меньшее 128.

Это число 127.

Переведем 127_{10} в двоичную систему счисления и получим 1111111_2 .

Уберём две последние цифры и получим нечетное число, а значит к исходному числу N должно было добавиться 01.

Число $R=127$ не могло получиться в результате работы алгоритма.

Теперь мы сразу можем угадать число R .

У нас есть 11111_2 , и к нему нужно добавить 01.

Получаем число $1111101_2 = 125_{10}$.

2. Пример решения с использованием ЯП Python

Код программы:

```
ans = 0
for i in range(1000):
    s = bin(i)[2:]
    if i % 2 == 0:
        s = s + '11'
    else:
        s = s + '01'
    if int(s, 2) < 128:
        ans = max(ans, int(s, 2))
print(ans)
```

9. Графы. Поиск путей

Задание

Сколько существует различных путей из пункта А в пункт М, проходящих через пункт Л?

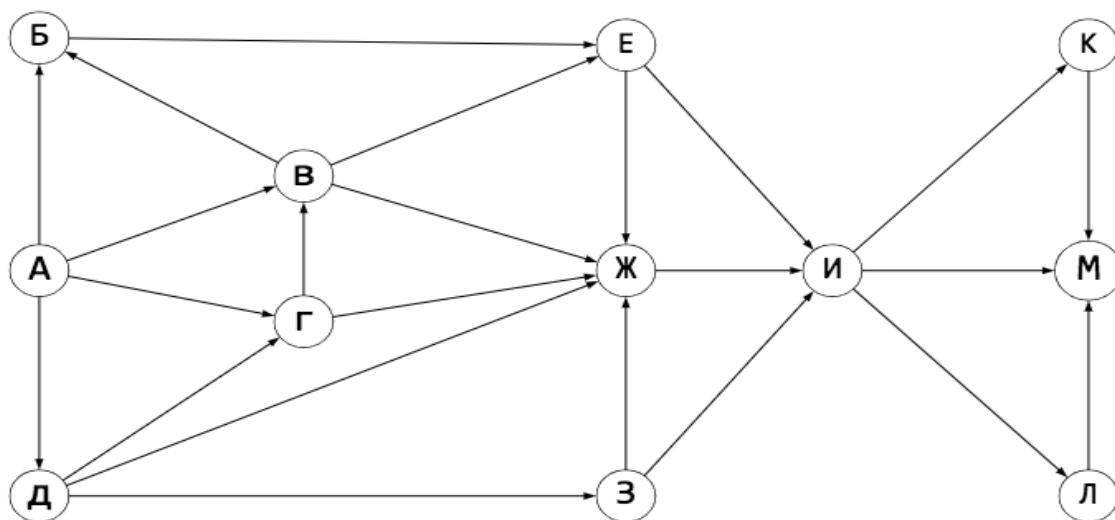


Схема дорог, представленная на рисунке, связывающих пункты А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, З, И, К, Л, М. По каждой дороге можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой.

Ответ: 19

Решение

Количество путей до пункта X = количество путей добраться в любой из тех пунктов, из которых есть дорога в X. Если путь не должен проходить через какой-то пункт, нужно просто не учитывать этот пункт при подсчёте сумм. Если пункт должен лежать на пути, тогда для пунктов, в которые из нужного пункта идут дороги, в суммах нужно брать только этот пункт.

Подсчитаем последовательно количество путей до каждого из пунктов:

- 1) $A = 1$.
- 2) $B = A = 1$.
- 3) $D = A = 1$.
- 4) $G = A + D = 2$.
- 5) $V = B + G + A = 4$.
- 6) $E = V + B = 5$.
- 7) $Z = D = 1$.
- 8) $Ж = V + Г + E + Д + З = 13$.
- 9) $И = Ж + E + З = 19$.
- 10) $Л = И = 19$.
- 11) $К = И = 19$.
- 12) $М = Л = 19$ (К и И не учитываем, поскольку путь должен проходить через Л)

10. Адресация в электронных таблицах

Выберите верную формулу, которая позволила рассчитать дополнительный балл (столбец “Доп. балл “) и записать результаты в этот столбец.

	A	B	C	D	E
1	ФИО	Математика	Физика	Информатика	Доп.балл
2	Иванов Сергей	66	66	77	0
3	Петрова Мария	78	72	80	0
4	Жуков Иван	92	83	93	1
5	Бызов Петр	83	75	90	0
6	Торопова Светла	72	68	75	0

- 1) =ЕСЛИ((B2>80;C2>80;D2>80);1;0)
- 2) =ЕСЛИ(И(B2>80;C2>80;D2>80);1;0)
- 3) =ЕСЛИ(ИЛИ(B2>80;C2>80;D2>80);1;0)
- 4) =ЕСЛИ(ЕСЛИ(B2>80;ЕСЛИ(C2>80;ЕСЛИ(D2>80;1;0);1));0)

Ответ: 2

Решение

Используем функцию =ЕСЛИ() с дополнительной функцией «И»
 =ЕСЛИ (И (условие; другое условие); значение, если ИСТИНА; значение, если ЛОЖЬ)

Дополнительные баллы вычисляются в столбце E. Для получения баллов в столбце E нужно сравнить значения в столбцах B, C, D на больше значения 80.

Проверяем три условия $B2 > 80$, $B2 > 80$, $C2 > 80$, используя функцию «И».

Если все три условия истина, то в столбец E записываем «1», если хотя бы одно из условий ложно записываем «0».

=ЕСЛИ (И ($B2 > 80$; $B2 > 80$; $C2 > 80$); 1; 0)

11. Комбинаторика, составление слов

Задание

Составляются 5-буквенные слова, в которых есть только буквы Б, О, Л, Т, причём буква Б используется в каждом слове ровно 1 раз. Каждая из других допустимых букв может встречаться в слове любое количество раз или не встречаться совсем.

Словом считается любая допустимая последовательность букв, не обязательно осмысленная.

Сколько существует таких слов?

В ответе запишите целое число.

Ответ: 405

Решение

Пусть буква Б стоит в слове на первом месте. Тогда на каждое из оставшихся 4 мест можно поставить независимо одну из 3 букв – О или Л или Т.

Всего 5 вариантов.

$$1*3*3*3*3=81$$

$$3*1*3*3*3=81$$

$$3*3*1*3*3=81$$

$$3*3*3*1*3=81$$

$$3*3*3*3*1=81$$

Букву Б можно по очереди поставить на все 5 мест, в каждом случае получая 81 вариант.

Получается $5*81=405$ слов

12. Рекурсивные алгоритмы

Задание

Дан рекурсивный алгоритм:

```
void F( int n ) {  
    cout << n;  
    if( n < 7 ) {  
        F(n+2);  
        F(n+3);  
    }  
}
```

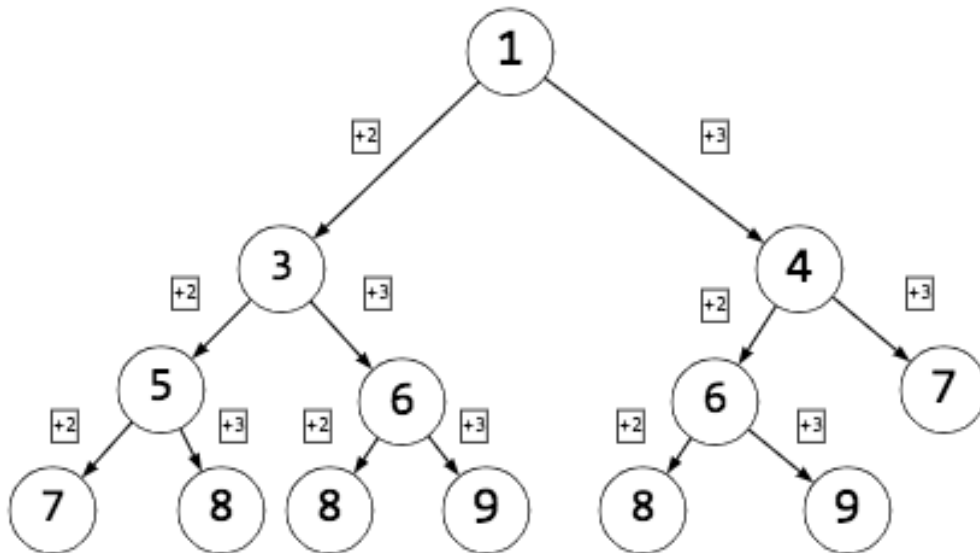
Найдите сумму чисел, которые будут выведены при вызове F(1).

Ответ: 81

Решение:

Рекурсия - вызов функции из неё же самой, обращение функции самой к себе.

Представим схему рекурсивных вызовов со значениями, при $n < 7$.



Сложим все числа. Результат равен 81.

13. Скорость передачи данных

Задание

Документ объемом 30 Мбайт можно передать с одного компьютера на другой двумя способами:

- А. Сжать архиватором, передать архив по каналу связи, распаковать.
- Б. Передать по каналу связи без использования архиватора.

Какой способ быстрее и насколько, если:

- средняя скорость передачи данных по каналу связи составляет 2^{20} бит/сек;
- объем сжатого архиватором документа равен 80% исходного;
- время, требуемое на сжатие документа равно 20 сек, на распаковку – 2 сек;

В ответе напишите букву А, если быстрее способ А, или букву Б, если быстрее способ Б.

Сразу после буквы напишите число, обозначающее, на сколько секунд один способ быстрее другого.

Ответ: А26

Решение:

Для вычисления скорости передачи информации нужно поделить информационный объем (в битах) на время передачи информации (в секундах). То есть скорость передачи информации измеряется в битах в секунду

$$v = \frac{I}{t}$$

где I – информационный объем (в битах)
 t – время передачи (в секундах)
 v – скорость передачи информации (бит в секунду)

$$v = 2^{20} \text{ бит/сек}$$

$$I = 30 \text{ Мбайт}$$

$$I_{\text{сж}} = I * 80\%$$

$$t_{\text{сж}} = 20 \text{ сек}$$

$$t_{\text{расп}} = 2 \text{ сек}$$

Объем сжатого документа: $I_{\text{сж}} = I * 10\% = (30 * 80) / 100 = 24 \text{ Мбайт} = 24 * 2^{23} \text{ бит}$

Время передачи сжатого файла:

$$t = \frac{I_{\text{сж}}}{v} = \frac{24 * 2^{23}}{2^{20}} = 192 \text{ сек}$$

Время, затраченное на сжатие файла, его передачу и распаковку:

$$t_A = t_{\text{сж}} + t_{\text{расп}} + t = 20 + 2 + 192 = 214 \text{ сек}$$

$$\text{Время передачи файла: } t_B = \frac{I}{v} = \frac{30 * 2^{23}}{2^{20}} = 240 \text{ сек}$$

$$t_B - t_A = 26 \text{ сек}$$

Способ А быстрее способа Б на 26 сек.

14. Запросы для поисковых систем

Задание

В языке запросов к поисковому серверу для обозначения логической операции «или» используется символ «|». Для обозначения логической операции «и» используется символ «&». В таблице приведены запросы и количество найденных по ним страниц некоторого сегмента сети Интернет.

Запрос	Найдено страниц (в тысячах)
Кирпич & Керамогранит	1765
Блоки & Керамогранит	1211
(Кирпич Блоки) & Керамогранит	2534

Какое количество страниц (в тысячах) будет найдено по запросу:

Кирпич & Блоки & Керамогранит ?

В ответе запишите целое число.

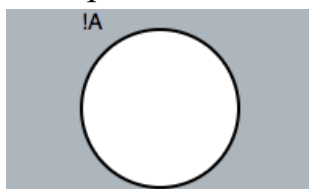
Считается, что все запросы выполнялись практически одновременно, так что набор страниц, содержащих все искомые слова, не изменялся за время выполнения запросов.

Ответ: 442

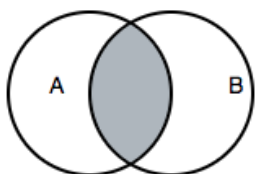
Решение:

Диаграмма Эйлера-Венна - наглядное средство для работы со множествами. На диаграммах изображаются все возможные варианты пересечения множеств.

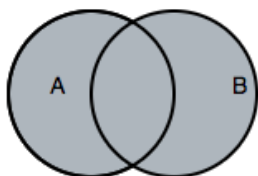
Инверсия – логическое отрицание «НЕ». Символ « \neg », «!»,



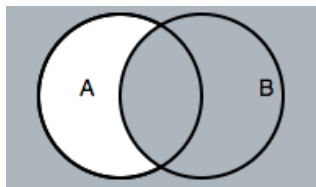
Конъюнкция – логическое «И» - AND. Символ « $\&$ », « \wedge ».



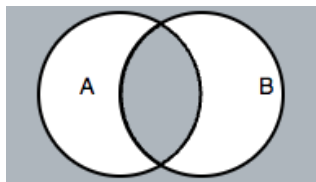
Дизъюнкция – логическое «ИЛИ» - OR. Символ « \vee », « \vee ».



Импликация – следование. Символ « \rightarrow ».

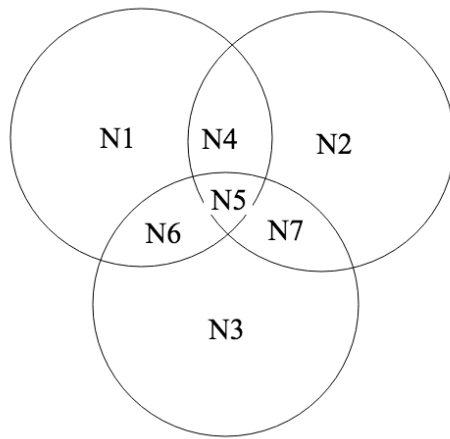


Эквивалентность – тождество. Символ « \equiv », « \leftrightarrow ».



Построим диаграмму Эйлера-Венна

1. Определяем количество подмножеств - N_1, N_2, N_3 .
2. На диаграмме строим пересекающиеся множества - N_1, N_2, N_3 .
3. Выделяем области, количество которых равно количеству пересечений.



Обозначим:

- N1 – Блоки
- N2 – Керамогранит
- N3 – Кирпич

Тогда:

$$\begin{aligned}
 N5 + N7 &= 1765 \\
 N4 + N5 &= 1211 \\
 N4 + N5 + N7 &= 2534 \\
 N7 &= 2534 - N4 - N5 = 2534 - 1211 = 1323 \\
 N5 &= 1765 - N7 = 1765 - 1323 = 442
 \end{aligned}$$

По запросу «Кирпич & Блоки & Керамогранит» найдено 442 страницы

15. Компьютерные сети

Задание

Скорость асинхронной передачи данных через IrDA-порт равна 2048 бит/с. Передача файла через данное соединение происходила 2 минуты.

Определите размер файла в килобайтах.

Выберите один из вариантов ответа.

В ответ запишите номер варианта.

- 1) 24
- 2) 30
- 3) 32
- 4) 48

Ответ: 2

Решение

Используем формулу $I = V * t$

I – количество передаваемой информации

V – пропускная способность канала (скорость передачи информации)

t – время передачи информации.

Умножаем скорость на время в секундах $2048 * 2 * 60$, переводим в байты
- делим на 8, переводим в килобайты - делим 1024

$$\frac{2048 * 2 * 60}{8 * 1024} = \frac{2 * 2 * 60}{8} = 30$$

16. Количество информации

Задание

Для преобразования исходного текста использовалась кодовая таблица из 30 символов. Сколько байт содержит сообщение, состоящее из 100 групп по 12 символов в каждой группе ?

Ответ: 750

Решение:

Расчет количества информации $I = K * i$

$I = \log_2 N$

$N = 2^i$ – количество символов в кодовой таблице

i – количество информации, которое несет каждый символ

K – размер текста

I – размер информации содержащейся в тексте

$N = 30$

$K = 100 * 12 = 1200$ бит

$i = \log_2 30 = 5$ бит

$I = K * i = 1200 * 5 = 6000$ бит = 750 байт

17. Кодирование

Задание

Для хранения растрового изображения размером 128 x 128 пикселей отвели 4 КБ памяти. Какое максимально возможное число цветов в палитре изображения?

В ответе укажите целое число.

Ответ: 4

Решение:

Определим количество точек изображения (или пикселей).

$$128 * 128 = 16384$$

Объем видеопамати рассчитывается по формуле: $V=I*X*Y$, где **I** - глубина цвета отдельной точки. **X, Y** - размеры экрана по горизонтали и по вертикали (произведение x на y - разрешающая способность экрана).

Разрешающая способность - количество точек, с помощью которых на экране воспроизводится изображение.

Объем памяти на изображение 4 Кб выразим в битах

$$V = I * X * Y \text{ (бит)}$$

$$4 \text{ Кб} = 4 * 1024 = 4096 \text{ байт} = 4096 * 8 \text{ бит} = 32768 \text{ бит}$$

Найдем **глубину цвета** - количество бит, используемых для кодирования цвета точки. Каждый цвет можно рассматривать как возможное состояние точки, Количество цветов, отображаемых на экране монитора может быть вычислено по формуле $K=2^I$, где **K** – количество цветов, **I** – глубина цвета или битовая глубина

$$I = \frac{V}{X * Y} = \frac{32768}{16384} = 2$$

$K=2^I$, где K - число цветов в палитре

$K=4$

18. Программирование

Чему равно значение s, после выполнения кода ?

Python	C++	Алгоритмический язык
<pre>m=2 s=0 while m<5: s=s + m m=m+1 print(s)</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int m=2; int s = 0; while(m < 5) { s = s + m; m=m+1; } cout << s << endl; }</pre>	<pre>Начало Целые m, s m=2 s=0 нц пока m<5 s=s+m увеличиваем m на 1 кц ВЫВОД s КОН</pre>

Ответ: 9

Решение

Инициализируем две переменные $m=2$ и $s=0$

Цикл с предусловием будет выполняться пока $m < 5$, т.е. от 2 до 4 включительно.

В цикле к значению s прибавляется значение m и значение счетчика m увеличивается на 1.

$s=0$

$m=2$

1 - ая итерация $m < 5$ $s = 0 + 2 = 2$ $m = 2 + 1 = 3$

2 - ая итерация $m < 5$ $s = 2 + 3 = 5$ $m = 3 + 1 = 4$

3 - ая итерация $m < 5$ $s = 5 + 4 = 9$ $m = 4 + 1 = 5$

$m = 5$

Условие ($m < 5$) ложно – выход из цикла со значением $s=9$

Итерация – шаг цикла

19. Программирование

Чему равно значение k , после выполнения кода ?

Python	C++	Алгоритмический язык
<pre>i=0 k=0 a=[1,2,3,4,5,6,7,8,8,10] while i<10: if a[i] % 2 == 0 : k = k + 1 i = i + 1 print("k=", k)</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int a[] = { 1,2,3,4,5,6,7,8,8,10}; int i = 0; int k = 0; while (i < 10) { if (a[i] % 2 == 0) k = k + 1; i = i + 1; } cout << "k=" << k << endl; }</pre>	<p>Начало цел i, k $i=0$ $k=0$ Массив $a=1,2,3,4,5,6,7,8,8,10$ Нц пока $i < 10$ если эл. массива четный, то $k = k + 1$ значение счетчика увеличиваем на 1 Кц Вывод k</p>

		Конец
--	--	-------

Ответ: 6

Решение

Инициализируем две переменные $i=0$ и $k=0$

Объявляем и инициализируем массив из 10 целых чисел [1,2,3,4,5,6,7,8,8,10]

В цикле с предусловием, до тех пор пока $i < 10$, до 9 включительно, выполняем проверку значения i на четность, используя арифметическую операцию остаток от деления - %.

Если значение i четное, то увеличиваем значение счетчика k на 1, иначе ничего не выполняется.

Из данного массива целых чисел [1,2,3,4,5,6,7,8,8,10], числа 2,4,6,8, 8,10 являются четными, при делении на 2 остаток равен нулю ($i\%2==0$).

Значение счетчика k при выходе из цикла равно 6.

Обратите внимание – индексация массива начинается с нуля.

20. Программирование

Какое значение выведется на экран после выполнения кода программы, если ввести значения $a=10$ $b=20$?

Python	C++	Алгоритмический язык
<pre>def fun(a, b): if a>b and (a+b)%2==0: print(a - b) elif a< b &&(a+b)%10==0: print(b - a) else: print(a + b) #главная функция a=int(input()) b=int(input()) fun(a, b)</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; void fun(int a, int b) { if (a>b && (a+b)%2==0) cout<<a-b; else if(a< b &&(a+b)%10==0) cout<<b-a; else cout<<a + b; }</pre>	<p>Функция с аргументами, (целые перемен. a и b) Если $a > b$ и сумма $(a+b)$ четная, то вывод разности $a-b$ Иначе Если $a < b$ и остаток при делении на 10 суммы $(a+b)$ равен 0, то вывод разности $b-a$ Иначе вывод суммы a и b Конец функции</p>

	<pre>int main() { int a, b; cin>>a>>b; fun(a, b); return 0; }</pre>	<p>Главная функция Объявл. целых a, b Ввод a Ввод b Обращение к функции с параметрами a и b Конец главной функции</p>
--	---	---

Ответ: 10

Решение

В главной функции происходит обращение к функции fun с аргументами a и b, a=10 b=20, которые вводятся с клавиатуры, как переменные целого типа.

Объявлена функция fun с двумя параметрами целого типа – int a, b.

Функция принимает два значения a и b.

В функции условие, которое объединено логической операцией сложения «И», $a > b$ и $(a+b)\%2==0$. Если хотя бы одно из этих условий ложно, то все условие ложно и управление переходит ко второму оператору сравнения. Если оба условия истинны, то выполняется вывод на экран разности $(a - b)$. Иначе происходит второе сравнение, в котором два условия объединены логической операцией сложения «И» - $a < b$ и $(a+b)\%10==0$. Сравниваются значения $a < b$ и сумма $(a+b)$ при делении на 10 равна нулю. Если эти два условия истинны, то на экран выводится разность $(b - a)$ и программа заканчивает выполнение, если хотя бы одно из условий ложно, то условие ложно и управление переходит на оператор иначе – else и на экран выводится сумма $(a + b)$ и программа заканчивает выполнение.

Введено с клавиатуры два значения $a = 10$ $b = 20$.

Первое условие ложно т.к. $b > a$ и проверяется второе условие сравнения, где $a < b$ ($10 < 20$) и сумма $(a+b)$ при делении на 10 в остатке дает 0.

$10 < 20$ и $10+20=30$ остаток при делении на 10 равен 0 – условие истинно, то выполняется вывод на экран разности $b - a = 20 - 10 = 10$

21. Программирование

Чему равен результат после обращения к функции $f(5)$?

Алгоритмический язык	Python	C++
<p>Функция с параметром n Если $n=0$, возврат 1 Иначе возврат и обращение к функции с аргументом $(n-1)*n$</p>	<pre>def f(n): if n==1: return n else: return n*f(n-1)</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int f(int n) { if (n==1) return n;</pre>

<p>Главная функция Вывод на экран значения при обращении к функции с аргументом 5</p>	<p>#главная функция print(f(5))</p>	<pre> else return n*f(n-1); } int main() { cout<<f(5); return 0; } </pre>
---	---	---

Ответ:120

Решение

Объявлена функция f параметром n – $\text{def } f(n)$. В главной функции происходит обращение к функции f с аргументом равным 5 – $f(5)$. Функция принимает значение $n=5$ и проверяет это значение.

Если значение $n = 1$, то происходит возврат в главную функцию со значение равным 1 – $\text{return } n$. Это обязательное условие выхода из рекурсивной функции. Далее происходит обращение к функции самой к себе, но уже с аргументом равным $(n - 1)$ и т.д.

$5 * f(4) * f(3) * f(2)$, т.е. функция обращается сама к себе с аргументом меньшим на единицу, но при этом умножая предыдущее значение на последующее, до тех пор пока не станет равным 1 – это РЕКУРСИЯ.

Рекурсия – обращение функции самой к себе. В функции обязательно должно быть условие выхода из функции – $\text{if } (n==1) \text{ return } n$.

$f(5)$ - то же самое, что $5 + f(4)$

$f(4)$ - то же самое, что $4 + f(3)$

$f(3)$ - то же самое, что $3 + f(2)$

$f(2)$ - то же самое, что $2 + f(1)$

$f(1)$ - это 1

$5 * 4 * 3 * 2 = 120$